

## Tuletiste ligikaudne arvutamine

Ligikaudseid valemeid tuletiste arvutamiseks nimetatakse diferentsvalemiteks. Diferentsvalem sammuga ette:

$$f'(a) \approx \frac{f(a+h) - f(a)}{h},$$

kus  $h > 0$ . Kui  $f''(x)$  on tõkestatud, siis viga on suurusjärku  $h$ . Diferentsvalem sammuga taga:

$$f'(a) \approx \frac{f(a) - f(a-h)}{h},$$

kus  $h > 0$ . Kui  $f''(x)$  on tõkestatud, siis viga on suurusjärku  $h$ . Keskmistatud diferentsvalem:

$$f'(a) \approx \frac{f(a+h) - f(a-h)}{2h},$$

kus  $h > 0$ . Kui  $f''(x)$  on tõkestatud, siis viga on suurusjärku  $h^2$ . Diferentsvalem teist järku tuletise arvutamiseks:

$$f''(a) \approx \frac{f(a+h) - 2f(a) + f(a-h)}{h^2}$$

Valem on teist järku täpsusega.

## Määratud integraalide ligikaudne arvutamine

Integraali  $\int_a^b f(x)dx$  ligikaudse arvutamise valemeid nimetatakse kvadratuurvalemiteks.

Integraali leidmise saab asendada integraalsumma leidmisega.

Kui  $[a; b]$  on jaotatud ühtlaselt, st  $a = x_0 < x_1 < \dots < x_n = b$  ning  $x_i = x_0 + ih$ ,  $h = \frac{a+b}{n}$ , siis

$$S_n = h \sum_{i=1}^n f(x_i).$$

Tegu on ristkülikvalemiga, valem on esimest järku täpsusega. Newton-Cotesi kvadratuurvalem:

$$S_n = \sum_{i=0}^n A_i f(x_i),$$

kus

$$A_i = \int_a^b \frac{(x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_{i-1})(x - x_{i+1}) \dots (x - x_n)}{(x_i - x_0)(x_i - x_1) \dots (x_i - x_{i-1})(x_i - x_{i+1}) \dots (x_i - x_n)} dx$$

Ühtlase võrgu korral saab esitada veahinnangu

$$\left| \int_a^b f(x) dx - S_n \right| \leq \begin{cases} CM_n h^{n+3}, & \text{kui } n \text{ on paarisarv} \\ CM_n h^{n+2}, & \text{kui } n \text{ on paaritu arv} \end{cases}$$

Trapetsvalem:

$$S_n = \frac{h}{2} [f(x_0) + 2f(x_1) + 2f(x_2) + \dots + 2f(x_{n-1}) + f(x_n)].$$

Simpsoni valem

$$S_n = \frac{h}{3} [f(x_0) + 4f(x_1) + 2f(x_2) + 4f(x_3) + \dots + 2f(x_{n-2}) + 4f(x_{n-1}) + f(x_n)].$$